

# Модели и методы диагностирования цифровых систем на кристаллах

В.И. Хаханов<sup>1</sup>, Е.И. Литвинова<sup>1</sup>, О.А. Гузь<sup>2</sup>, С.В. Чумаченко<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Харьковский национальный университет радиоэлектроники, hahanov@kture.kharkov.ua

<sup>2</sup>Донецкая академия автомобильного транспорта

**Аннотация** — Предлагается инфраструктура верификации и сервисного обслуживания цифровых систем на кристаллах на основе параллельного анализа табличных или матричных структур данных в векторном логическом пространстве при использовании мультипроцессорных архитектур. Рассматриваются модели и методы верификации, встроенного диагностирования и восстановления работоспособности компонентов цифровых систем, где качество решения оценивается неарифметической метрикой взаимодействия булевых векторов.

**Ключевые слова** — мультипроцессор, векторно-логический анализ и критерий качества, верификация и диагностирование цифровых компонентов, процесс-модель поиска дефектов.

## I. ВВЕДЕНИЕ

Идея исследования – убрать из вычислителя тестирования и верификации «тяжеловесную» арифметику и направить освободившиеся ресурсы на создание инфраструктуры векторно-логических вычислений, ориентированной на эффективное тестирование и диагностирование функциональных нарушений путем анализа информационного пространства с помощью примитивных операций: and, or, not, xor. Специализация компьютерного изделия, ориентированная на использование только логических операций, дает возможность существенно ( $\times 100$ ) повысить быстродействие решения неарифметических задач, связанных с технической диагностикой цифровых систем на кристаллах. Исключение арифметических операций, использование параллелизма алгебры векторной логики, мультипроцессорность архитектуры создают эффективную инфраструктуру, которая объединяет математическую и технологическую культуру для решения прикладных задач.

Цель исследования – существенное повышение быстродействия процедур тестирования, верификации и диагностирования путем мультипроцессорной и параллельной реализации ассоциативно-логических векторных операций для анализа графовых и табличных структур данных в векторном логическом

пространстве без использования арифметических операций.

Для достижения поставленной цели необходимо разработать: 1) неарифметическую метрику оценивания векторно-логических решений в кибернетическом пространстве; 2) структуры данных и процесс-модели решения задач тестирования, верификации и диагностирования; 3) архитектуру логического ассоциативного мультипроцессора и показать пути его практического использования.

Объектом исследования является инфраструктура тестирования, верификации и диагностирования в векторно-логическом пространстве цифровых систем на кристаллах с помощью использования алгебры векторной логики, вычислительной архитектуры анализа ассоциативно-логических структур данных и неарифметического интегрального критерия качества. В процессе исследований использованы источники информации: ассоциативно-логические структуры данных для решения информационных задач [1-5]; аппаратная платформа векторно-логического анализа информации [6-9]; модели и методы тестирования, верификации и диагностирования объектов киберпространства [10-16].

## II. МЕТРИКА КИБЕРПРОСТРАНСТВА ДЛЯ ОЦЕНИВАНИЯ РЕШЕНИЯ

Дискретное векторно-логическое пространство – киберпространство – совокупность взаимодействующих по соответствующей метрике информационных процессов и явлений, описываемых векторами (кортежами) логических переменных и использующих в качестве носителя компьютерные системы и сети.

Метрика – способ измерения расстояния в пространстве между компонентами процессов или явлений, описанных векторами логических переменных. Расстояние в киберпространстве это – xor-отношение между парой многозначных (двоичных) векторов, обозначающих компоненты процесса или явления. Расстояние, производная (булева), степень изменения, различия или близости есть изоморфные

понятия, связанные с определением отношения двух компонентов процесса или явления. Понятие близости (расстояния) компонентов в киберпространстве есть мера их различия. Процедуры сравнения, измерения, оценивания, распознавания, тестирования, диагностирования, идентифицирования есть способ определения хог-отношения при наличии не менее чем двух объектов. Компонент пространства представлен  $k$ -мерным (двоичным) вектором  $a = (a_1, a_2, \dots, a_j, \dots, a_k)$ ,  $a_j \in \{0, 1\}$ , где каждая его координата определена в двоичном алфавите: 0 – «ложь», 1 – «истина». Нуль-вектор есть  $k$ -мерный кортеж, все координаты которого равны нулю:  $a_j = 0, j = \overline{1, k}$ . Метрика  $\beta$  кибернетического пространства определяется единственным равенством (1), которое формирует нуль-вектор для хог-суммы расстояний  $d_i$  между ненулевым и конечным числом точек (объектов), замкнутых в цикл:

$$\beta = \bigoplus_{i=1}^n d_i = 0, \quad (1)$$

где  $n$  – количество (целое число) расстояний между компонентами (векторами) пространства, составляющими цикл  $D = (d_1, d_2, \dots, d_i, \dots, d_n)$ ,  $d_i$  – есть вектор расстояния, соответствующий ребру цикла, соединяющему два компонента (вектора)  $a, b$  пространства, который далее обозначается без индекса как  $d(a, b)$ . Расстояние между двумя объектами (векторами)  $a$  и  $b$  есть производный вектор:  $d(a, b) = (a_j \oplus b_j)_1^k$ . Векторному значению расстояния соответствует норма – скалярное расстояние по Хэммингу между двумя векторами как число единиц вектора  $d(a, b)$ . Иначе: метрика  $\beta$  векторного логического двоичного пространства есть равная нуль-вектору хог-сумма расстояний между конечным числом точек (вершин) графа, образующих цикл. Сумма  $n$ -мерных двоичных векторов, задающих координаты точек циклической фигуры, равна нуль-вектору. Классическое задание метрики для определения взаимодействия одной, двух и трех точек в векторном логическом пространстве, является частным случаем  $\beta$ -метрики при  $i = 1, 2, 3$  соответственно:

$$M = \begin{cases} d_1 = 0 \leftrightarrow a = b; \\ d_1 \oplus d_2 = 0 \leftrightarrow d(a, b) = d(b, a); \\ d_1 \oplus d_2 \oplus d_3 = 0 \leftrightarrow d(a, b) \oplus d(b, c) = d(a, c). \end{cases} \quad (2)$$

Векторно-логический транзитивный треугольник (2) имеет полную аналогию численному измерению расстояния в метрическом  $M$ -пространстве, которое задается системой аксиом, определяющей взаимодействие одной, двух и трех точек в любом пространстве:

$$M = \begin{cases} d(a, b) = 0 \leftrightarrow a = b; \\ d(a, b) = d(b, a); \\ d(a, b) + d(b, c) \geq d(a, c). \end{cases} \quad (3)$$

Специфика аксиомы треугольника (3) метрического пространства заключается в численном (скалярном) сравнении расстояний трех объектов, когда интервальная неопределенность ответа – две стороны треугольника могут быть больше либо равны третьей – малопригодна для определения точной длины последней стороны. Векторно-логическое пространство устраняет данный недостаток, полностью исключает степень неопределенности в бинарном отношении детерминированных состояний процессов или явлений. В этом случае численная неопределенность третьей стороны треугольника в векторном логическом пространстве приобретает форму точного двоичного вектора, который характеризует расстояние между двумя объектами и вычисляется на основе знания расстояний двух других сторон треугольника:

$$d(a, b) \oplus d(b, c) = d(a, c) \rightarrow d(a, b) \oplus d(b, c) \oplus d(a, c) = 0.$$

Пример. Имеется пять точек в векторном пространстве: (000111, 111000, 101010, 010101, 110011). Замыкание этих точек в цикл дает следующие стороны-расстояния в пятиугольнике: (111111, 010010, 111111, 100110, 110100). Покоординатное сложение всех векторов дает результат: (000000). Практическая значимость данного факта заключается в возможности восстановления любого расстояния в замкнутом цикле, если известны  $(n-1)$  сторона фигуры. Для треугольника это означает восстановление третьей стороны по известным двум. Если же создать из треугольников замкнутое логическое пространство (рис. 1), то можно сэкономить 66% от объема данных, который формирует все расстояния в логическом пространстве.

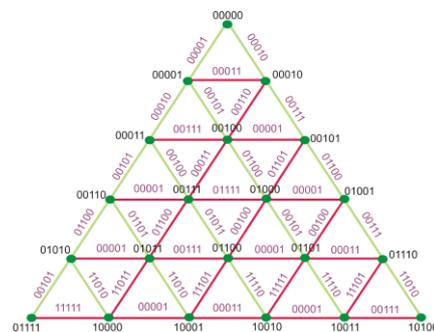


Рис. 1. Triangle Cyber Space

Метрика  $\beta$  кибернетического многозначного векторно-логического пространства, есть вектор, равный значению  $\emptyset$  по всем координатам, полученный путем применения симметрической разности расстояний между конечным числом точек, образующих цикл:

$$\beta = \bigwedge_{i=1}^n d_i = \emptyset, \quad (4)$$

где каждая координата вектора, соответствующего объекту, определена в алфавите, составляющем булеан на универсуме примитивов мощностью  $p$ :

$a_j = \{\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \dots, \alpha_m\}$ ,  $m = 2^p$ . Равенство пустому вектору симметрической разности покоординатного теоретико-множественного взаимодействия (4) подчеркивает равнозначность компонентов (расстояний), участвующих в формировании уравнения, где единственная координатная операция  $d_{i,j} \Delta d_{i+1,j}$ , используемая в четырехзначной модели Кантора  $A = \{0, 1, x, \emptyset\}$ ,  $x = \{0, 1\}$ , определяется как:

$\Delta$	0	1	x	$\emptyset$
0	$\emptyset$	x	1	0
1	x	$\emptyset$	0	1
x	1	0	$\emptyset$	x
$\emptyset$	0	1	x	$\emptyset$

$\cap$	0	1	x	$\emptyset$
0	0	$\emptyset$	0	$\emptyset$
1	$\emptyset$	1	1	$\emptyset$
x	0	1	x	$\emptyset$
$\emptyset$	$\emptyset$	$\emptyset$	$\emptyset$	$\emptyset$

$\cup$	0	1	x	$\emptyset$
0	0	x	x	0
1	x	1	x	1
x	x	x	x	x
$\emptyset$	0	1	x	$\emptyset$

(5)

Здесь также приведены таблицы истинности для других базовых теоретико-множественных операций (пересечение, объединение, дополнение), далее используемых по тексту. Число примитивных символов, образующих замкнутый относительно теоретико-множественных координатных операций алфавит, может быть увеличено. При этом мощность алфавита (булеана) определяется выражением  $m = 2^p$ , где  $p$  – число примитивов. Для практического использования введенной метрики киберпространства далее предлагается доказательный переход от численной характеристики бинарного отношения объектов, объединяющей три скалярные оценки их взаимодействия к чисто векторно-логическому критерию качества отношения двух объектов. Входной вектор  $m = (m_1, m_2, \dots, m_j, \dots, m_k)$ ,  $m_j \in \{0, 1, x\}$  и объект  $A = (A_1, A_2, \dots, A_j, \dots, A_k)$ ,  $A_j \in \{0, 1, x\}$ , который также представлен вектором, имеют одинаковую размерность  $k$ . Степень принадлежности  $m$ -вектора к  $A$  обозначается как  $\mu(m \in A)$ . Существует 5 типов координатного теоретико-множественного  $\Delta$ -взаимодействия двух векторов, рис. 2: 1)  $m = A$ ; 2)  $m \subset A$ ; 3)  $A \subset m$ ; 4)  $m \cap A \neq \{m, A, \emptyset\}$ ; 5)  $m \cap A = \emptyset$ .

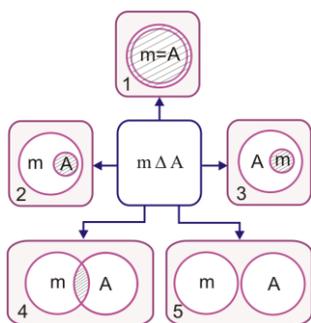


Рис. 2. Результаты взаимодействия двух векторов

Они формируют все примитивные варианты реакции системы тестирования и диагностирования на входной вектор-запрос при поиске дефектов, их распознавании, принятии решения на восстановление работоспособности. Данные стадии технологического маршрута нуждаются в метрике оценивания решений для выбора оптимального варианта. Интегральная теоретико-множественная метрика [16] для оценивания качества запроса есть функция взаимодействия многозначных по координатам векторов  $m \Delta A$ , которая определяется средней суммой трех параметров: кодовое расстояние  $d(m, A)$ , функция принадлежности  $\mu(m \in A)$  и функция принадлежности  $\mu(A \in m)$ :

$$Q = (1/3)[d(m, A) + \mu(m \in A) + \mu(A \in m)],$$

$$d(m, A) = (1/n)[n - \text{card} [(i : m_i \cap A_i = \emptyset, i = \overline{1, k})]];$$

$$\mu(m \in A) = 2^{c-a}; \mu(A \in m) = 2^{c-b}; \quad (6)$$

$$a = \text{card} [(i : A_i = x, i = 1, \dots, k)];$$

$$b = \text{card} [(i : m_i = x, i = 1, \dots, k)];$$

$$c = \text{card} [(i : m_i \cap A_i = x, i = 1, \dots, k)];$$

Пересечение (объединение) векторов – есть векторная операция, основанная на соответствующих координатных теоретико-множественных операциях.

Операции координатного пересечения и объединения (6) определены в алфавите Кантора  $A = \{0, 1, x = \{0, 1\}, \emptyset\}$ . Нормирование параметров позволяет оценить уровень взаимодействия векторов в численном интервале  $[0, 1]$ . Если зафиксировано предельное максимальное значение каждого параметра, равное 1, то векторы равны между собой. Минимальная оценка  $Q = 0$  фиксируется в случае полного несовпадения векторов по всем  $n$  координатам. Если  $m \cap A = m$  и мощность покоординатного пересечения равна половине мощности пространства вектора  $A$ , то функции принадлежности и качества равны:

$$\mu(m \in A) = \frac{1}{2}; \mu(A \in m) = 1; d(m, A) = 1; Q(m, A) = \frac{5}{6}.$$

Аналогичное значение будет иметь параметр  $Q$ , если  $m \cap A = A$  и мощность покоординатного пересечения равна половине мощности пространства вектора  $m$ . Здесь пространство вектора есть функция от числа координат  $\omega$ , равных  $x$ :  $q = 2^\omega$ . Например, даны два вектора:  $A = (XXX10)$  и  $m = (XX0X0)$ . Их пересечение равно  $(XX010) = \{00010, 01010, 10010, 11010\}$ . Иначе, мощность результирующего пространства равна четырем двоичным векторам или половине мощностей исходных двоичных векторов. Следует заметить, если пересечение двух векторов равно пустому множеству  $\exists i(m_i \cap A_i) = \emptyset$ , то количество общих точек (двоичных векторов) при пересечении двух пространств, формируемых двумя векторами, равно нулю. С учетом изоморфизма

теоретико-множественных и логических операций арифметический критерий (6) без усреднения функций принадлежности и кодового расстояния можно трансформировать к виду:

$$\begin{aligned}
 Q &= d(m, A) + \mu(m \in A) + \mu(A \in m), \\
 d(m, A) &= \text{card}(\{i : m_i \oplus A_i = U, i = 1, \dots, k\}); \\
 \mu(m \in A) &= \text{card}(\{i : A_i = U, i = 1, \dots, k\}) - \\
 &\quad - \text{card}(\{i : m_i \oplus A_i = U, i = 1, \dots, k\}); \\
 \mu(A \in m) &= \text{card}(\{i : m_i = U, i = 1, \dots, k\}) - \\
 &\quad - \text{card}(\{i : m_i \oplus A_i = U, i = 1, \dots, k\}); \\
 U &= \begin{cases} 1 \leftarrow \{m_i, A_i\} \in \{0, 1\}; \\ x \leftarrow \{m_i, A_i\} \in \{0, 1, x\}. \end{cases}
 \end{aligned}
 \tag{7}$$

Если векторы  $m$  и  $A$  – двоичные по всем координатам, то переменная  $U=1$  и вычисления проводятся по правилам двоичной  $\oplus$ -операции. Если векторы  $m$  и  $A$  определены в троичном алфавите, то переменная  $U=x$  инициирует вычисления на основе использования теоретико-множественной операции симметрической разности  $\Delta$ . Первый компонент (7) формирует степень несовпадения  $k$ -мерных векторов – кодовое расстояние, путем выполнения операции хог, второй и третий определяют степени непринадлежности результата конъюнкции к числу единиц каждого из двух взаимодействующих векторов. Понятия принадлежности и непринадлежности являются взаимодополняющими, но в данном случае технологичнее вычислять непринадлежность. Для того, чтобы окончательно исключить арифметические операции при подсчете векторно-логического критерия качества, необходимо логически объединить три оценки (7) в одну [16]:

$$Q = d(m, A) \vee \mu(m \in A) \vee \mu(A \in m) = m \oplus A.$$

Процедура вычисления векторного критерия качества зависит от значности алфавита:

$$Q' = \begin{cases} m \oplus A \leftarrow \{m_i, A_i\} \in \{0, 1\}; \\ m \Delta A \leftarrow \{m_i, A_i\} \in \{0, 1, x\}. \end{cases}
 \tag{8}$$

Критерий качества однозначно определяет три формы взаимодействия двух любых объектов в  $n$ -мерном векторном логическом пространстве: расстояние и две функции принадлежности.

Для сравнения критериев качества необходимо определять число единиц в каждом векторе без выполнения операций суммирования. Это можно сделать с помощью регистра сдвига [6], который позволяет за один такт выполнить процедуру slc (shift left bit crowding) – сдвиг влево с одновременным уплотнением всех единиц  $n$ -разрядного двоичного вектора (рис. 3).

Процесс-модель поиска оценки лучшего решения с минимальным числом единичных координат из более чем двух альтернатив представлена на рис. 4. Она включает следующие операции: 1) первоначально в

вектор-результат  $Q$ , в котором будет сохранено лучшее решение, заносится единичные значения во все координаты (худшее решение) и одновременно осуществляется операция slc сдвига влево с уплотнением единиц текущего вектора  $Q_i$ .

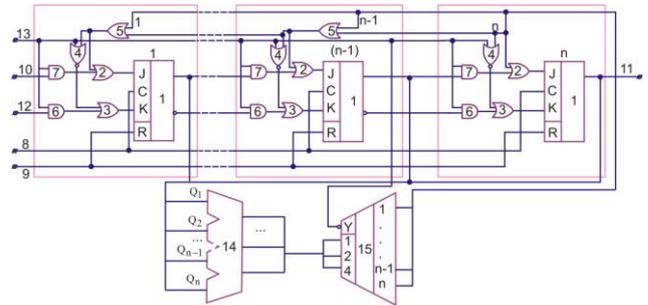


Рис. 3. Регистр сдвига и уплотнения единиц

2) Выполняется сравнение двух векторов:  $Q$  и очередной оценки  $Q_i$  из списка решений. 3) Реализуется векторная операция  $\text{and}(Q \wedge Q_i)$ , а результат сравнивается с вектором  $Q$ , что дает возможность изменить его, если вектор  $Q_i$  имеет меньшее число единичных значений. 4) Процедура поиска оценки лучшего решения повторяется  $n$  раз.

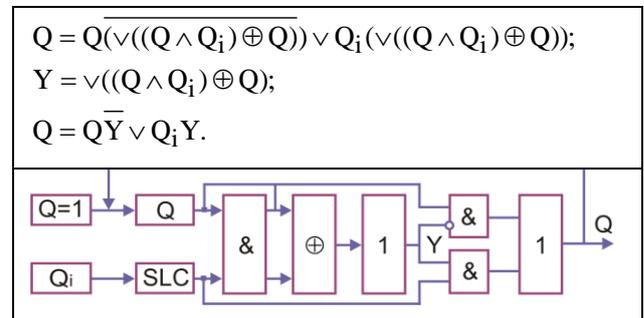


Рис. 4. Процесс-модель выбора решения

Здесь og-оператор редукции (после хог элемента) формирует двоичное однобитовое решение на основе логической операции og над  $n$  разрядами критерия качества.

### III. АРХИТЕКТУРА ЛОГИЧЕСКОГО АССОЦИАТИВНОГО МУЛЬТИПРОЦЕССОРА

Для анализа больших информационных объемов логических данных предлагается использовать логический ассоциативный мультипроцессор (ЛАМП) – это эффективная сеть процессоров, которая обрабатывает данные и обеспечивает обмен информацией между компонентами сети в процессе их решения. Простая схематехника каждого процессора позволяет эффективно обрабатывать сверхбольшие массивы, насчитывающие миллионы бит информации, затрачивая на это существенно ( $\times 100$ ) меньше времени по сравнению с универсальным процессором.

Базовая ячейка – векторный процессор для вычислителя может быть синтезирован на 200-х вентилях, что дает возможность сеть, содержащую 4096 вычислителей, легко реализовать в кристалле заказной СБИС, используя современную кремниевую технологию. Поскольку затраты памяти для хранения данных весьма незначительны, вычислитель может быть использован при проектировании систем управления в таких областях человеческой деятельности, как промышленное производство, защита информации, медицина, искусственный интеллект, космонавтика, геология, метеорология. Основное назначение ЛАМП – получение квази-оптимального решения при верификации и диагностировании цифровых систем на основе выполнения векторных логических операций:

$$P(m, A) = \min_{i=1}^n Q_i(m \Delta A_i), m = \{m_a, m_b, m_c, m_d\}. \quad (9)$$

Один из возможных вариантов архитектуры ЛАМП представлен на рис. 5. Основным компонентом является матрица  $P = [P_{ij}]$ , ( $i, j = 1, 4$ ), содержащая 16 вектор-процессоров, каждый из которых предназначен для выполнения пяти логических векторных операций над памятью данных, представленной в виде таблицы (матрицы)  $A$ , размерностью  $(m \times n)$ . Компоненты или регистры  $m = (m_a, m_b, m_c, m_d)$  используются для получения решения в виде буферных, входных и выходных векторов, а также для идентификации оценки качества удовлетворения входного запроса. Блок управления инициирует выполнение команд логической обработки данных и синхронизирует функционирование всех компонентов мультипроцессора. Блок IP [8] предназначен для сервисного обслуживания всех модулей, диагностирования дефектов и восстановления работоспособности компонентов и устройства в целом. Логический ассоциативный процессор (ЛАП) (см. рис. 5), входящий в состав вычислителя, содержит логический процессор LP; ассоциативную (память)  $A$  для параллельного выполнения базовых операций; блок векторов  $m$ , предназначенный для параллельного обслуживания строк и столбцов матрицы  $A$ , а также обмена данными в процессе вычислений; память прямого доступа СМ, сохраняющую команды программы обработки информации; СУ – автомат управления выполнением логических операций; интерфейс  $I$  связи ЛАП с другими элементами и устройствами ЛАМП.

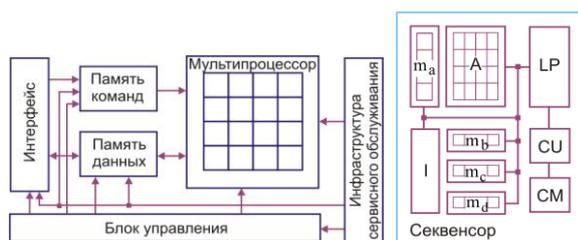


Рис. 5. Архитектура ЛАМП и структура ЛАП

Логический процессор (LP) (рис. 6) выполняет пять операций (and, or not, xor, slc), являющихся базовыми для создания алгоритмов и процедур диагностирования. Модуль LP имеет мультиплексор, коммутирующий один из пяти операндов с выбранным логическим векторным оператором. Сформированный результат через мультиплексор (элемент or) заносится в один из четырех операндов, выбираемый соответствующим адресом. Особенности реализации логического процессора заключаются в наличии трех бинарных (and, or, xor) и двух унарных (not, slc) операций. Все операции в LP – регистровые или регистрово-матричные. Последние предназначены для анализа вектор-строк таблицы при использовании входного  $m$ -вектора как запроса для точного поиска информации. Реализация всех векторных операций блока логических вычислений, выполняемых с тактовой частотой 100 МГц, для одного ЛАП в среде Verilog с последующей послесинтезной реализацией в кристалле программируемой логики Virtex 4, фирмы Xilinx содержит 2400 эквивалентных вентилях.

#### IV. ИНФРАСТРУКТУРА ВЕКТОРНО-ЛОГИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

Инфраструктура – совокупность моделей, методов и средств описания, анализа и синтеза структур данных для сервисного обслуживания цифровых систем на кристаллах. Для детализации структуры векторного процессора и устройства последовательного управления (УПУ) далее рассмотрены аналитические и структурные процесс-модели, выполняющие анализ  $A$ -матрицы по столбцам или строкам.

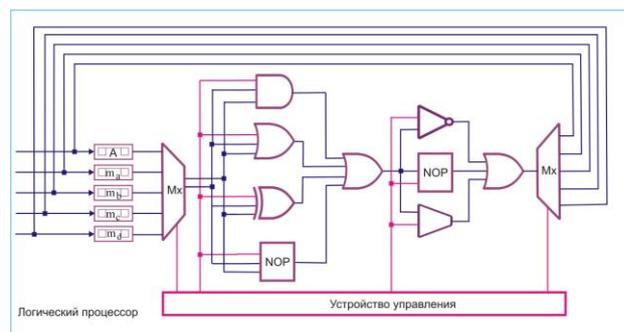


Рис. 6. Структура блока логических вычислений

Первая из них представлена на рис. 7 и предназначена для определения множества допустимых решений относительно входного запроса  $m_b$ , вторая (рис. 8) осуществляет поиск оптимального решения на множестве строк, найденных с помощью первой модели в результате их анализа.

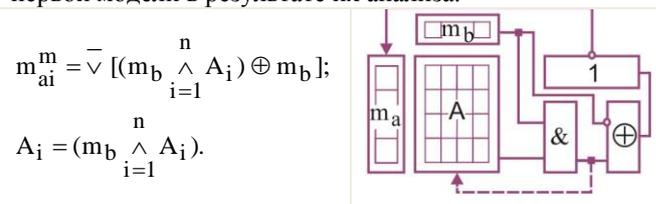


Рис. 7. Поиск всех допустимых решений

Возможно и самостоятельное применение второй модели, ориентированное на определение однозначного и многозначного решения при поиске дефектов в цифровой системе.

$$m_b^s = (\bigwedge_{\forall m_{ai}=1} A_i) \wedge (\bigvee_{\forall m_{ai}=0} \bar{A}_i)$$

$$m_b^m = (\bigvee_{\forall m_{ai}=1} A_i) \wedge (\bigwedge_{\forall m_{ai}=0} \bar{A}_i)$$

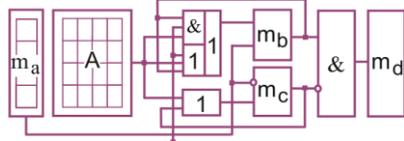


Рис. 8. Выбор оптимального решения

Все операции, выполняемые двумя процессорами – векторные. Модель анализа строк (см. рис. 8) формирует вектор  $m_a$  идентификации допустимых  $m_{ai} = 1$  или противоречивых  $m_{ai} = 0$  решений относительно входного условия  $m_b$  за  $n$  тактов обработки всех  $m$ -разрядных векторов таблицы  $A = \text{card}(m \times n)$ . Качество (допустимость) решения определяется для каждого взаимодействия входного вектора  $m_b$  и строки  $A_i \in A$  на блоке (редукции) дизъюнкции. Матрица  $A$  может быть модифицирована ее пересечением с входным вектором  $m_a$  на основе использования операции  $A_i = (m_b \wedge A_i)$ , если необходимо исключить из  $A$ -таблицы все незначимые для решения координаты и векторы, отмеченные единичными значениями вектора  $m_a$ .

Решение задач диагностирования посредством анализа строк таблицы (см. рис. 8) осуществляется так. После выполнения диагностического эксперимента формируется двоичный вектор экспериментальной проверки  $m_a$ , маскирующий  $A$ -таблицу неисправностей для поиска одиночных или кратных дефектов. Векторы  $m_b$  и  $m_c$  используются для накопления результатов выполнения операций конъюнкции и дизъюнкции. Затем выполняется логическое вычитание (xor-операция) из первого регистра  $m_b$  содержимого второго вектора  $m_c$  с последующей записью результата в регистр  $m_d$ . Для реализации второго уравнения, которое формирует множественное решение, элемент and заменяется функцией or. В схеме используется также переменная выбора режима поиска решения: single или multiple. В качестве входного условия в модели использован вектор  $m_a$ , управляющий выбором векторной операции and или or для обработки единичных  $A_i (m_{ai} = 1) \in A$  или нулевых  $A_i (m_{ai} = 0) \in A$  строк  $A$ -таблицы. В результате выполнения  $n$  тактов осуществляется накопление единичных и нулевых относительно значений координат вектора  $m_a$

решений в регистрах  $A_1, A_0$ . Априори в указанные регистры заносится вектор единиц и нулей:  $A_1 = 1, A_0 = 0$ . После обработки всех  $n$  строк  $A$ -таблицы за  $n$  тактов выполняется векторная конъюнкция содержимого регистра  $A_1$  с инверсией регистра  $A_0$ , которая формирует результат в виде вектора  $m_b$ , где единичные значения координат определяют решение. В таблице неисправностей цифрового изделия единичным координатам вектора  $m_b$  соответствуют столбцы, отождествляемые с номерами дефектов или неисправных блоков, подлежащих восстановлению или ремонту.

При сервисном обслуживании функциональных модулей можно на универсальной структуре системы векторного логического анализа решить оптимизационную задачу восстановления работоспособности. С помощью минимального числа ремонтных запасных строк и (или) столбцов, например, памяти, необходимо обеспечить квазиоптимальное покрытие всех обнаруженных в ячейках неисправностей. Технологическая и математическая составляющие векторной логики в данном случае обуславливают простое схемотехническое решение для получения квазиоптимального покрытия (рис. 9), преимущества которого заключаются в следующем: 1. Вычислительная сложность процедуры: число векторных операций, равное числу строк таблицы,  $Z = n$ . 2. Минимум аппаратных затрат: таблица и два вектора ( $m_b, m_a$ ) для хранения промежуточных покрытий и накопления результата в виде единичных координат, соответствующих строкам таблицы, которые составляют квазиоптимальное покрытие. 3. Отсутствие классического деления задачи покрытия на поиск ядра покрытия и дополнения. 4. Отсутствие сложных процедур манипулирования ячейками строк и столбцов. Получение не всегда оптимального покрытия — недостаток, который компенсируется технологичностью векторной процедуры, представленной на рис. 9.

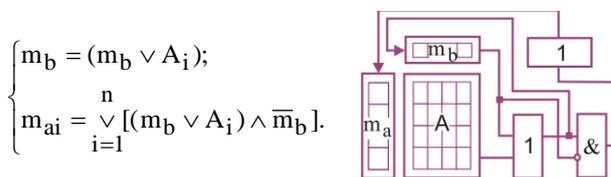


Рис. 9. Процесс-модель поиска квазиоптимального покрытия

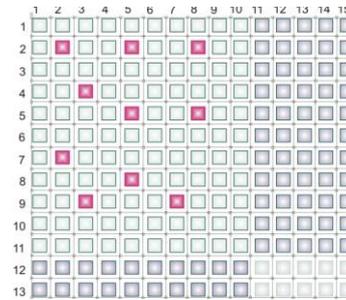
Операция редукции на последнем этапе превращает векторный результат в бит  $m_{ai}$  вектора  $m_a$  по функции  $or$   $m_{ai} = \vee [(m_b \vee A_i) \wedge \bar{m}_b]$ . В общем случае операция редукции в алгебре векторных операций записывается в виде <бинарная операция><вектор>:  $\vee A_i, \wedge m, \bar{(m \vee A_i)}$ . Обратная процедура – векторизация есть конкатенация булевых переменных:  $m_a(a, b, c, d, e, f, g, h)$ . В процедуре поиска покрытия

априори векторы  $m_b = 0$ ,  $m_a = 0$  становятся равными. Квазиоптимальное покрытие накапливается за  $n$  тактов в векторе  $m_a$  последовательным сдвигом. Биты, заносимые в регистр  $m_a$ , формируются схемой  $og$ , которая выполняет редукцию после анализа полученного результата  $[(m_b \vee A_i) \wedge \bar{m}_b]$  на наличие единиц.

Представляет интерес функциональная законченность цикла диагностирования, когда после получения квазиоптимального покрытия данная информация используется для восстановления работоспособности дефектных ячеек памяти [8]. Размерность модуля памяти (13x15 ячеек) не влияет на вычислительную сложность получения покрытия десяти дефектных ячеек с помощью резервных строк и столбцов (рис. 10).

Для решения оптимизационной задачи выполняется построение таблицы покрытия (см. рис. 10) неисправных ячеек, в которой строки – резервные ресурсы для полного покрытия дефектов ( $C_2, C_3, C_5, C_7, C_8, C_2, R_2, R_4, R_5, R_7, R_8, R_9$ ), а столбцы – соответствующие дефекты ячеек ( $F_{2,2}, F_{2,5}, F_{2,8}, F_{4,3}, F_{5,5}, F_{5,8}, F_{7,2}, F_{8,5}, F_{9,3}, F_{9,7}$ ), подлежащие ремонту. При этом столбцы соответствуют координатам дефектных ячеек, а строки идентифицируют резервные компоненты (строки и столбцы), которые могут восстановить работоспособность неисправных координат. Модель вычислительного процесса, представленная на рис. 11, дает возможность получить оптимальное решение в виде  $m_a = [111111000000]$ , которому соответствует покрытие  $R = \{C_2, C_3, C_5, C_7, C_8\}$  как одно из трех возможных минимальных решений  $R = C_2, C_3, C_5, C_7, C_8 \vee C_2, C_3, C_5, C_8, R_9 \vee C_2, C_5, C_8, R_4, R_9$  для таблицы неисправностей. Технологическая модель встроенного диагностирования и ремонта памяти (рис. 11) имеет четыре компонента: 1. Тестирование модуля (Unit Under Test (UUT)) с использованием эталонной модели (Model Under Test (MUT)) для формирования вектора экспериментальной проверки  $m_a$ , размерность которого соответствует числу тестовых наборов. 2. Поиск дефектов на основе анализа таблицы неисправностей  $A$ . 3. Оптимизация покрытия дефектных ячеек ремонтными строками и столбцами на основе анализа таблицы  $A$ . 4. Восстановление работоспособности памяти посредством замены адресов (Address Decoder (AD)) неисправных строк и столбцов, представленных вектором  $m_a$ , на адреса компонентов из запаса (Spare Memory (SM)) [8].

Процесс-модель встроенного сервисного обслуживания работает в реальном масштабе времени и позволяет поддерживать в работоспособном состоянии, без вмешательства человека, цифровую систему на кристалле, что является целесообразным решением в случае применения технологий, связанных с дистанционной эксплуатацией изделия.



1	.	.	.	.	.	1	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	1	.	.	.	.	1	.	.	.	.	1	.
.	1	.	.	1	.	.	.	1	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	1	.
1	1	1	.	.	1	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	1	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	1	1	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	1	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	1	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	1	1	.	.	.

Рис. 10. Модуль памяти с резервом и таблица покрытия

Предложенные процесс-модели анализа ассоциативных таблиц, а также введенные критерии качества логических решений позволяют решать задачи квазиоптимального покрытия, диагностирования дефектов программных и (или) аппаратных блоков. Модель векторных вычислений стала основой для разработки специализированной мультипроцессорной архитектуры, ориентированной на поиск, распознавание и принятие решений об использовании структур ассоциативных таблиц.

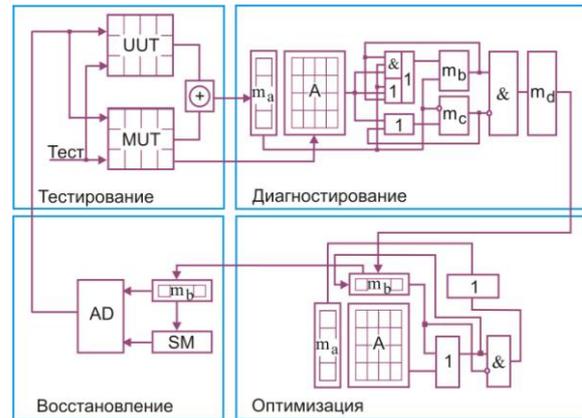


Рис. 11. Модель встроенного тестирования и восстановления памяти

Аналитическая оценка эффективности проектного решения, направленного на выполнение условий специализации  $S_p$  и стандартизации  $S_t$  (рис. 12) определяется минимумом среднего значения следующих трех взаимно противоречивых относительных и безразмерных параметров: уровень ошибок проекта  $L$ , время верификации и (или) тестирования  $T$ , программно-аппаратная избыточность, определяемая механизмами асертций и (или) граничного сканирования  $H$ .

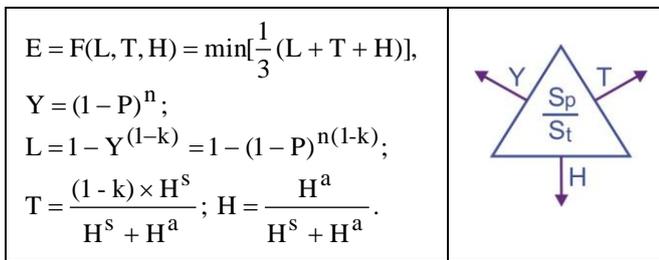


Рис. 12. Оценка эффективности процесс-модели

Параметр  $L$ , как дополнение к  $Y$ , характеризующему выход годной продукции, зависит от тестопригодности проекта  $k$ , вероятности  $P$  существования неисправных компонентов и числа необнаруженных ошибок  $n$ . Время верификации определяется тестопригодностью проекта  $k$ , умноженной на структурную сложность аппаратно-программной функциональности, отнесенной к общей сложности проекта в строках кода или эквивалентных вентилях. Программно-аппаратная избыточность находится в функциональной зависимости от сложности ассерционного кода или механизма граничного сканирования, отнесенной к общей сложности проекта. При этом ассерционная, или сканирующая, избыточность должна обеспечивать заданную глубину диагностирования ошибок функциональности за время выхода изделия на рынок, определенное заказчиком.

## V. ВЫВОДЫ

Существующие аналоги практически не предлагают ассоциативно-логических технологий тестирования, верификации и диагностирования в дискретном пространстве функционирования цифровых систем [4, 5, 15]. Практически все они используют универсальную систему команд современного дорогостоящего процессора с математическим сопроцессором. В то же время, аппаратные специализированные средства логического анализа, являющиеся их прототипами [1, 6, 7], как правило, ориентированы на побитовую или не векторную обработку информации. Предложенный новый подход векторно-логической обработки ассоциативных данных с полным исключением арифметических операций, влияющих на быстродействие и аппаратную сложность, может быть эффективно реализован на основе использования современной микроселектронной аппаратуры в виде мультипроцессорной цифровой системы на кристалле. Реализация подхода основана на предложении следующих моделей и методов, использующих общую идею вычисления взаимодействия объектов киберпространства с помощью векторно-логической метрики: 1. Процесс-модели анализа ассоциативных таблиц, ориентированные на достижение высокого табуродействия при подсчете критериев качества взаимодействия объектов на основе векторных логических операций для тестирования верификации и диагностирования цифровых систем. 2. Метод

параллельного решения ассоциативно-логических задач с минимальным числом векторных логических операций и полным исключением арифметических команд, что обеспечивает, минимальную стоимость, время и незначительное энергопотребление вычислителя, реализованного на кристалле программируемой логики. 3. Новые векторно-логические процесс-модели встроенного диагностирования и верификации цифровых систем на кристаллах, использующие средства логического ассоциативного мультипроцессора, параллельные операции вычислительных процессов и векторно-логический критерий качества. Практическая значимость полученных результатов подтверждена созданием встроенного компонента для диагностирования и восстановления работоспособности памяти в цифровой системе на кристалле.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Бондаренко М.Ф. О мозгоподобных ЭВМ / М.Ф. Бондаренко, З.В. Дударь, И.А. Ефимова, В.А. Лещинский, С.Ю. Шабанов–Кушнаренко // Радиоэлектроника и информатика. Харьков: ХНУРЭ. 2004, № 2. С. 89–105.
- [2] Cohen A.A. Addressing architecture for Brain-like Massively Parallel Computers // Euromicro Symposium on Digital System Design (DSD'04). 2004. P. 594-597.
- [3] Кузнецов О.П. Быстрые процессы мозга и обработка образов // Новости искусственного интеллекта. 1998. №2.
- [4] Васильев С.Н., Жерлов А.К., Федосов Е.А., Федунев Б.Е. Интеллектуальное управление динамическими системами. М.: Физико-математическая литература. 2000. 352 с.
- [5] Липаев В.В. Программная инженерия. Методологические основы. Учебник. М.: Теис, 2006. 608 с.
- [6] АС СССР 1439682. Регистр сдвига / Какурин Н.Я., Хаханов В.И., Лобода В.Г., Какурина А.Н. ; заявл. 07.04.1987 ; опубл. 23.11.1988. 4 с.
- [7] Гайдук С.М., Хаханов В.И., Обризан В.И., Каменюка Е.А. Сферический мультипроцессор PRUS для решения булевых уравнений // Радиоэлектроника и информатика. Харьков, 2004. № 4(29). С.107-116.
- [8] Хаханов В.И. Проектирование и тестирование цифровых систем на кристаллах / В.И. Хаханов, Е.И. Литвинова, О.А. Гузь. – Харьков: ХНУРЭ, 2009.– 484с.
- [9] Хаханов В.И. Проектирование и верификация цифровых систем на кристаллах / В.И. Хаханов, И.В. Хаханова, Е.И. Литвинова, О.А. Гузь. Харьков: Новое слово. 2010. 528 с.
- [10] Акритас А. Основы компьютерной алгебры с приложениями / А. Акритас. М.: Мир. 1994. 544 с.
- [11] Аттетков А.В. Методы оптимизации / А.В. Аттетков, С.В. Галкин, В.С. Зарубин. М.: Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана. 2003. 440 с.
- [12] Abramovici M. Digital System Testing and Testable Design / M. Abramovici, M.A. Breuer and A.D. Friedman. Comp. Sc. Press. 1998. 652 p.
- [13] Densmore D.A Platform–Based taxonomy for ESL Design / Douglas Densmore, Roberto Passerone, Alberto Sangiovanni–Vincentelli // Design & Test of computers. 2006. P. 359-373.