# Безгироскопная инерциальная навигационная система на основе акселерометров

# А.Н. Соловьев

Институт проблем проектирования в микроэлектронике PAH, soloviev.alexander@gmail.com

Аннотация — Рассмотрена методика построения безгироскопной навигационной инерциальной системы (Б-ИНС). В отличие от классических инерциальных систем предлагаемый вариант реализован на основе однотипных инерциальных сенсоров (акселерометров). Данная реализация позволяет достичь требуемых точностных и динамических характеристик без использования дорогостоящих гироскопов за счет соответствующего выбора размерности модели.

Ключевые слова — инерциальные навигационные системы, безгироскопная система, множество акселерометров.

#### I. Введение

Инерциальная навигационная система (ИНС), являющаяся ключевым компонентом построения интегрированных навигационных систем (ИНС & ГЛОНАСС/GPS), содержит типа сенсоров: 2 Достаточно акселерометры И гироскопы. привлекательным является реализация ИНС на основе более простого и дешевого типа сенсоров акселерометров, что позволяет сократить стоимость ИНС и получить дополнительные функциональные возможности. Известно достаточно много подходов построения ИНС на основе «только акселерометров» (безгироскопные ИНС – Б-ИНС). Однако основным недостатком данных решений является то, что погрешности расчета основных навигационных параметров (координат и угловой ориентации) значительно превышают погрешности традиционных ИНС, реализованных с использованием гироскопов. Это в значительной степени ограничивает область применения Б-ИНС в реальных разработках.

Поэтому построение дешевых Б-ИНС, обладающих точностными характеристиками, соизмеримыми с точностными характеристиками традиционных ИНС, является актуальной задачей. В работе предлагаются варианты реализации подобных Б-ИНС.

# II. Существующие подходы к реализации безгироскопных инерциальных систем

Концепция построения ИНС на основе только акселерометров (all-accelerometer approach или gyrofree approach) была предложена более 40 лет назад. Все предложенные за это время подходы можно условно разделить на две группы:

 а) использование «эффекта Кориолисова ускорения», при котором один или несколько акселерометров вращаются (или вибрируют) по заданной траектории [1–6]. Данные акселерометры фактически эквивалентны гироскопам в классической ИНС.

б) так называемый «прямой подход» определения углового ускорения путем установки двух или более акселерометров в фиксированное положение относительно некоторой подвижной системы координат [7-13].

В обоих подходах акселерометры также измеряют линейные ускорения, что необходимо для получения навигационного решения.

[1] было впервые предложено B полное навигационное решение на основе «только акселерометров». Однако данное решение имеет ограничения на величину угловой скорости и точностные характеристики. В [10] впервые была предложена конфигурация, которая содержит 6 акселерометров и обеспечивает получение полного навигационного решения без каких-либо ограничений на величину угловой скорости. При этом было показано, что 6 – это минимальное число акселерометров, на основе которых может быть построена Б-ИНС, позволяющая получить полное навигационное решение. В настоящее время данная 6сенсорная модель является основой построения современных Б-ИНС. Однако данный подход обладает серьезным недостатком по сравнению с традиционным вариантом построения ИНС на основе гироскопов: значительно более быстрый рост погрешности определения навигационных параметров в зависимости от времени работы.

Дальнейшее изложение настоящей статьи организовано следующим образом. В разделе III представлено описание инерциальных параметров

объекта и данных, снимаемых с акселерометра, которые являются основой для построения систем на основе акселерометров. В разделе IV проводится сравнительный анализ точностных характеристик классической ИНС и традиционной Б-ИНС, построенной на основе 6-ти акселерометров. В разделе V представлено описание предложенного варианта реализации Б-ИНС (на основе 12-ти акселерометров), проводится оценка его точностных характеристик И сравнительный анализ c традиционной реализацией Б-ИНС (на основе 6-ти акселерометров).

# III. ИНЕРЦИАЛЬНЫЕ ПАРАМЕТРЫ ОБЪЕКТА И ДАННЫЕ, СНИМАЕМЫЕ С АКСЕЛЕРОМЕТРА

Ниже представлены основные параметры акселерометров, заданные в *связанной системе координат* (ССК), т.е. системе, жестко связанной с твердым телом, на котором установлен акселерометр:

а) координаты установки акселерометра:

 $r_{accel} = [r_X, r_Y, r_Z];$ 

б) ориентация чувствительных осей акселерометра:  $\theta_{accel} = [\theta_X, \theta_Y, \theta_Z]$ , где  $\theta_X(\theta_Y, \theta_Z)$  - косинус угла между чувствительной осью акселерометра и осью X (Y, Z) ССК, соответственно.

Движение объекта, с которым жестко связана ССК, относительно некоторой неподвижной системы координат (*HCK*) характеризуется следующими параметрами:

1. Параметры поступательного движения:

- *А* - ускорение ССК относительно НСК, заданное в НСК;

- *G* – вектор гравитации, заданный в НСК.

2. Параметры вращательного движения:

- углы поворота ССК относительно НСК:  $\alpha_X, \alpha_Y, \alpha_Z$  (угол поворота вокруг соответствующей оси):

- угловая скорость и ускорение ССК относительно НСК, заданная в ССК:  $W = [W_X, W_Y, W_Z]^T$  - угловая скорость. Необходимо отметить, что компоненты данного вектора являются производными по времени от углов поворота ССК относительно НСК;

 $\vec{W} = [\vec{W}_X, \vec{W}_Y, \vec{W}_Z]^T$  - угловое ускорение;

- угловая ориентация ССК относительно НСК: матрица  $C_{bN}$  такая, что если один и тот же вектор имеет координаты в ССК и НСК как  $r_{iner}$  и  $r_{body}$ , соответственно, то:  $r_{iner} = C_{bN} \cdot r_{body}$ .

Если обе системы координат являются ортогональными, то матрица  $C_{bN}$  также является ортогональной, т.е.  $C_{bN}^{-1} = C_{bN}^{T}$ .

Текущие значения элементов матрицы  $C_{bN}$  определяются их предшествующими значениями и текущими значениями компонентов вектора угловой скорости W в соответствии со следующими выражениями:

$$\Omega(t_i) = \begin{bmatrix} 0 & -W_Z(t_i) & W_Y(t_i) \\ W_Z(t_i) & 0 & -W_X(t_i) \\ -W_Y(t_i) & W_X(t_i) & 0 \end{bmatrix},$$
  
$$C_{bN}(t_i) = C_{bN}(t_{i-1}) \cdot e^{\Omega(t_i) \cdot \Delta t_i}, \ \Delta t_i = t_i - t_{i-1},$$

где  $e^{\Omega(t_i)\cdot\Delta t_i}$  - функция матричной экспоненты.

Если для момента  $t_i$  заданы значения  $A(t_i), W(t_i), \dot{W}(t_i)$ , то показания акселерометра могут быть определены как:

$$F_{accel,j}(t_i) = (\theta_{accel,j}, F + W \times W \times r_j + \dot{W} \times r_j), (1)$$

где *F* - «кажущееся» ускорение объекта в подвижной системе координат:

$$F = [F_X, F_Y, F_Z] = C'_{bN} \cdot (A + G),$$

$$G = [0,0,g], g = 9.8;$$

 $r_{accel,j}$  - координаты установки j-ого акселерометра;

× - векторное произведение.

Выражение (1) может быть также представлено в матричном виде:

$$F_{accel,i} = Q_i \cdot \beta, \qquad (2)$$

где

$$\beta = [F_X, F_Y, F_Z, \dot{W}_X, \dot{W}_Y, \dot{W}_Z, W^2_X, W^2_Y, W^2_Z, W_X \cdot W_Y, W_X \cdot W_Z, W_Y \cdot W_Z]^{-1}$$

При этом матрица  $Q_j$  целиком и полностью определяется параметрами установки акселерометров  $r_{accel,j}, \theta_{accel,j}$ . Очевидно, что значение  $\beta$  (навигационное решение) может быть определено на основе решения системы линейных уравнений:

$$\beta = Q_j^{-1} \cdot F_{accel,j} . \tag{3}$$

# IV. Сравнительный анализ точностных характеристик классической ИНС и 6-и сенсорной (традиционной) Б-ИНС

Проведем сравнительный анализ точностных характеристик Б-ИНС, реализованной на основе 6-ти акселерометров и классической ИНС, реализованной с использованием гироскопов.

# А. Анализ точностных характеристик традиционной ИНС

Как показано в [5], основным источником погрешностей современных ИНС являются: низкочастотный (bias) и высокочастотный (noise)

шумы акселерометров ( $b_{accel}, \sigma_{accel}$ ) и гироскопов ( $b_{gyro}, \sigma_{gyro}$ ), соответственно. Поэтому оценка точностных характеристик будет проведена с учетом данных параметров инерциальных сенсоров.

#### 1. Высокочастотный шум сенсора (noise): $\sigma$

Высокочастотный шум сенсора *и*меет характеристики «белого шума» и обычно задается в виде спектральной мощности:  $\sigma = \deg/\sec\sqrt{Hz}$ . Если показания сенсора интегрируются *n* раз, то получается n-кратный интеграл «белого шума», для которого сигма ( $\sigma_{\sum}$ ) определяется как:

$$\sigma_{\Sigma}^{2} = \frac{\sigma^{2} \cdot 2^{n-1} \cdot t^{2n-1} \cdot \Delta t}{(2n-1)!}, \qquad (4)$$

где t - время интегрирования;  $\Delta t$  - шаг интегрирования.

#### 2. Низкочастотный шум сенсора (bias): b

Низкочастотный шум сенсора имеет характер случайного Марковского процесса (значение в момент  $t_i$  сильно коррелированно со значением в момент  $t_{i-1}$ ). При аналитической оценке погрешностей величину b можно считать детерминированной, а результат ее п-кратного интегрирования оценивать как:

$$\frac{b \cdot t^n}{n!}.$$
 (5)

С учетом выражений (4) и (5) определение угловой ориентации ССК относительно Земной системы координат (НСК) путем интегрирования показаний гироскопа приводит к появлению следующей погрешности угловой ориентации:

где

 $\sigma_{\alpha} = \sigma_{bias,\alpha} + \sigma_{noise\alpha},$ 

 $\sigma_{bias,\alpha} = b_{gyro} \cdot t$ ,  $\sigma_{noise,\alpha} = \sigma_{gyro} \cdot \sqrt{t \cdot \Delta t}$ . Определение линейных ускорений, снимаемых с акселерометров, за счет компенсации вектора гравитации *G* приводит к появлению погрешности компенсации вектора гравитации:

$$\sigma_{\rm G} = G \cdot \sigma_{\alpha}$$

Расчет координат путем двойного интегрирования показаний акселерометров (т.е. трансформации его погрешностей  $b_{accel}, \sigma_{accel}$ ) приводит к следующим оценкам погрешности:

$$\sigma_r(t) = \sigma_{b,r}(t) + \sigma_{noiser}(t),$$

где:

$$\sigma_{b,r} = \frac{b_{gyro} \cdot G \cdot t^3}{6} + \frac{b_{accel} \cdot t^2}{2};$$
  

$$\sigma_{noise,r}(t) = \sqrt{\sigma_{1,r}^2 + \sigma_{2,r}^2},$$
  

$$\sigma_{1,r} = \sigma_{accel} \cdot \sqrt{\frac{t^3 \cdot \Delta t \cdot b_{accel}}{3}},$$
  

$$\sigma_{2,r} = G \cdot \sigma_{gyro} \cdot \sqrt{\frac{t^5 \cdot \Delta t \cdot b_{gyro}}{30}}.$$

Таким образом, итоговое выражение для оценки погрешности расчета координат на основе традиционной ИНС имеет следующий вид:

$$\sigma_{r} = \frac{b_{gyro} \cdot G \cdot t^{3}}{6} + \frac{b_{accel} \cdot t^{2}}{2} + \sqrt{\sigma_{accel}^{2} \cdot \frac{t^{3} \cdot \Delta t}{3} + G^{2} \cdot \sigma_{gyro}^{2} \cdot \frac{t^{5} \cdot \Delta t}{30}}$$
(6)

#### В. Анализ точностных характеристик 6-и сенсорной Б-ИНС

С учетом алгоритма расчета навигационных параметров, представленного в [10]:

 определение значений угловой скорости путем интегрирования значений углового ускорения дает следующие погрешности:

$$\sigma_{gyro} = \frac{b_{accel}}{r} \cdot t + \frac{\sigma_{accel}}{r} \cdot \sqrt{t \cdot \Delta t} \quad ,$$

где r - расстояние от центра ССК до точки установки акселерометров [10];

 определение угловой ориентации путем интегрирования значений угловой скорости приводит к появлению следующей погрешности:

$$\sigma_{\alpha} = \frac{b_{accel}}{2r} \cdot t^2 + \frac{\sigma_{accel}}{r} \cdot \sqrt{\frac{t^3 \cdot \Delta t}{3}}$$

 определение линейных ускорений, снимаемых с акселерометров, за счет компенсации вектора гравитации, приводит к появлению следующей погрешности:

$$\sigma_{\rm G} = G \cdot \sigma_{\alpha}$$

С учетом расчета координат путем двойного интегрирования значений линейных ускорений, имеем:

$$\sigma_r(t) = \sigma_{b,r}(t) + \sigma_{noiser}(t),$$

где

$$\sigma_{b,r} = \frac{b_{accel} \cdot g \cdot t^4}{r \cdot 24} + \frac{b_{accel} \cdot t^2}{2};$$
  

$$\sigma_{noise,r}(t) = \sqrt{\sigma_{1,R}^2 + \sigma_{2,R}^2}, \ \sigma_{1,R} = \sigma_{accel} \cdot \sqrt{\frac{t^3 \cdot \Delta t}{3}},$$
  

$$\sigma_{2,r} = g \cdot \frac{\sigma_{accel}}{r} \cdot \sqrt{\frac{t^7 \cdot \Delta t}{630}}.$$

В итоге выражение для оценки погрешности 6-и сенсорной Б-ИНС имеет следующий вид:

$$\sigma_r = b_{accel} \left( \frac{g \cdot t^4}{r \cdot 24} + \frac{t^2}{2} \right) + \sigma_{accel} \sqrt{\frac{t^3 \cdot \Delta t}{3} + \frac{g^2}{r^2} \cdot \frac{t^7 \cdot \Delta t}{630}}.$$
(7)

Сравнение полученных выражений (7) с (6) показало, что существующая 6-и сенсорная модель Б-ИНС значительно проигрывает по своим точностным характеристикам традиционной ИНС, поскольку показатели степени времени работы t в (7) выше, чем в (6).

# V. РЕАЛИЗАЦИЯ Б-ИНС НА ОСНОВЕ 12-И СЕНСОРНОЙ МОДЕЛИ

В данном разделе представлена реализация Б-ИНС на основе распределенного множества 12-ти акселерометров.

# А. Расчет значений угловых скоростей

Ключевым вопросом построения Б-ИНС является определение значений угловых скоростей  $W_X, W_Y, W_Z$ , которые в традиционной ИНС определяются на основе гироскопов. Из (2) можно записать:

$$W_{X}^{2} \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{7,j}^{-} \cdot A_{j}}{\det(Q)}; W_{X} \cdot W_{Y} \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{10,j}^{-} \cdot A_{j}}{\det(Q)};$$
$$W_{X} \cdot W_{Z} \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{11,j}^{-} \cdot A_{j}}{\det(Q)}, \qquad (8)$$

где  $q_{i,j}^{-}$  - элементы матрицы  $Q_j^{-1}$  (обратной  $Q_j$ ),  $\det(Q_j)$  - детерминант матрицы  $Q_j$ .

Тогда с учетом (8) последовательность расчета составляющих угловой скорости ( $\vec{W}$ ) будет иметь следующий вид:

$$W_{X} = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{12} q_{7,j} \cdot A_{j}}{r \cdot \det(Q)}};$$

$$W_{Y} = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{10,j} \cdot A_{j}}{W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)};$$
(9)
$$W_{Z} = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{11,j} \cdot A_{j}}{W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}$$

Для оценки погрешностей вычисления  $W_X, W_Y, W_Z$  на основе (9) выполним дифференцирование правой и левой частей выражения (8):

$$2 \cdot W_X \cdot \Delta W_X \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{\overline{1},j} \cdot \Delta A_j}{\det(Q)},$$
  
$$\Delta W_X \cdot W_Y \cdot r + W_X \cdot \Delta W_Y \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{\overline{1}0,j} \cdot \Delta A_j}{\det(Q)} \quad (10)$$
  
$$\Delta W_X \cdot W_Z \cdot r + W_X \cdot \Delta W_Z \cdot r = \frac{\sum_{j=1}^{12} q_{\overline{1}1,j} \cdot \Delta A_j}{\det(Q)}.$$

Преобразуя (10), получим:

$$\Delta W_{X} = \frac{\sum_{i=1}^{12} q_{7,i} \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}$$

$$\Delta W_{Y} = \frac{\sum_{i=1}^{12} (2 \cdot q_{10,i}^{-} - \frac{W_{Y}}{W_{X}} \cdot q_{7,i}^{-}) \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}. \quad (11)$$

$$\Delta W_{Z} = \frac{\sum_{i=1}^{12} (2 \cdot q_{11,i}^{-} - \frac{W_{Z}}{W_{X}} \cdot q_{7,i}^{-}) \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}$$

Принимая  $|W_Y| \leq |W_X|, |W_Z| \leq |W_X|$  (с учетом того, что X – привилегированное направление) для (11), получим итоговое выражение для оценки погрешностей расчета  $W_X, W_Y, W_Z$  на основе выражений (8-9):

$$\Delta W_{X} = \frac{\sum_{i=1}^{12} q_{7,i} \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}$$

$$\Delta W_{Y} = \frac{\sum_{i=1}^{12} (2 \cdot q_{10,i} - q_{7,i}) \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}.$$
(12)
$$\Delta W_{Z} = \frac{\sum_{i=1}^{12} (2 \cdot q_{11,i} - q_{7,i}) \cdot \Delta A_{i}}{2 \cdot W_{X} \cdot r \cdot \det(Q)}$$

# В. Вариант реализации Б-ИНС на основе 12-и акселерометров

Как следует из (11, 12), оценка точностных характеристик Б-ИНС в значительной степени зависит от величины  $\det(Q_j)$ , которая, в свою очередь, определяется выбором координат расположения акселерометров  $r_{accel}$  и ориентации его чувствительных осей  $\theta_{accel}$ .

Ниже в табл. 1 представлены координаты установки акселерометров и ориентации их чувствительных осей для предлагаемого варианта 12сенсорной модели Б-ИНС.

Координаты установки акселерометров						
	r <sub>accel</sub>			$ heta_{accel}$		
	Х	Y	Z	Х	Y	Z
Acc 1	0	r	0	0	0	1
Acc 2	0	r	0	0	-1	0
Acc 3	r	0	0	0	0	-1
Acc 4	r	0	0	-1	0	0
Acc 5	0	-r	0	-1	0	0
Acc 6	0	-r	0	0	1	0
Acc 7	-r	0	0	0	-1	0
Acc 8	-r	0	0	1	0	0
Acc 9	0	0	-r	1	0	0
Acc 10	0	0	-r	0	0	1
Acc 11	0	0	r	0	1	0
Acc 12	0	0	r	0	0	-1

Таблица 1

где

Достоинством предложенной модели являются: - симметричность (используются 3 симметричные платы с установленными на них 2-х осевыми акселерометрами). При этом каждая плата может быть изготовлена, протестирована и откалибрована отдельно, что значительно упрощает изготовление данного модуля.

- Конструктивная простота. Данная модель при ее конструктивной реализации значительно проще традиционной 6-и сенсорной модели Б-ИНС.

# С. Калибрация Б-ИНС

При изготовлении и сборке Б-ИНС реальное расположение акселерометров и ориентация их чувствительных осей будет отличаться от идеальных значений, представленных в табл.1. Для учета данных значений используется процедура начальной калибрации по своей сути аналогичная процедуре калибрации, представленной ранее в [15] для 6-ти сенсорной Б-ИНС. Суть данной процедуры состоит в последовательном выполнении 2-х этапов:

 а) учет реальной ориентации чувствительных осей акселерометров (табл.1) путем последовательной установки каждой из 6-ти граней Б-ИНС на плоскость, ориентированную горизонтально относительно вектора гравитации;

б) учет координат установки акселерометров (табл.1) за счет определения взаимного расположения акселерометров. Для этого Б-ИНС последовательно устанавливается каждой из 6-ти граней на плоскость, ориентированную горизонтально относительно вектора гравитации. Данная плоскость вращается с заданной (эталонной) угловой скоростью.

Значения, снятые акселерометров с при выполнении обоих калибровочных этапов, обрабатываются специальной процедурой определить калибрации, которая позволяет (и учитывать в дальнейшем) значения параметров, представленных в табл.1.

# D. Анализ точностных характеристик предложенной Б-ИНС

Для предложенной выше модели реализации Б-ИНС точностные характеристики определяются погрешностями расчета угловых скоростей на основе распределенного множества акселерометров, т.е. погрешностью реализации так называемых «виртуальных гироскопов». Данная погрешность имеет следующие оценки:

gyro bias: 
$$b_{gyro} = \frac{b_{accel}}{2wr}$$
,  
gyro noise:  $\sigma_{gyro} = \frac{\sigma_{accel}}{2wr}$ ,

где *W* - угловая скорость вращения объекта, на которой установлена данная ИНС.

При этом погрешность угловой ориентации будет оцениваться как:

$$\sigma_{\alpha} = \sigma_{b,\alpha} + \sigma_{noise\alpha},$$
  
$$\sigma_{b,\alpha} = t \cdot b_{gyro\_GF} = \frac{t \cdot b_{accel}}{2wr}$$

$$\sigma_{noise,\alpha} = \sigma_{gyro\_GF} \cdot \sqrt{t \cdot \Delta t} = \frac{\sigma_{accel} \cdot \sqrt{t \cdot \Delta t}}{2wr}$$

Проводя преобразования, аналогичные разделу IV.В, получим итоговое выражение для оценки погрешности расчета координат на основе предложенной 12-сенсорной модели Б-ИНС:

$$\sigma_{r} = b_{accel} \left( \frac{gt^{3}}{12wr} + \frac{t^{2}}{2} \right) + \sigma_{accel} \sqrt{\frac{t^{3} \cdot \Delta t}{3} + \frac{g^{2}}{(2wr)^{2}} \cdot \frac{t^{5} \cdot \Delta t}{30}} .$$
(13)

Сравнение выражений (13) и (6) показывает, что погрешность Б-ИНС сопоставима с погрешностью традиционной ИНС (раздел IV.А).

#### VI. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Предложенная 12-сенсорная Б-ИНС по своим точностным характеристикам практически эквивалентна традиционной ИНС. Вместе с тем, реализация данного варианта Б-ИНС, содержащего только акселерометры, является значительно более простой и технологичной при использовании в составе полупроводниковой микросистемы.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Krishnan V. Measurement of Angular Velocity and Linear Acceleration Using Linear Accelerometers // Journal of the Franklin Institute. Oct. 1965. 280:4.
- [2] Merhav S.J. A Nongyroscopic Inertial Measurement Unit // J. Guidance. May-June 1982. Vol. 5. № 3.
- [3] Klass P.J. Inertial Sensor Utilizes Coriolis Effect // Aviation Week and Space Technology. Oct. 10, 1983.
- [4] Norling B. Accelerometers: Current and Emerging Technology // Symposium on Kinematic Systems in

Geodesy, Surveying and Remote Sensing, Symposium. Banff, Alberta, Canada. September 10-13, 1990. № 107.

- [5] Merhav S. Aerospace Sensor Systems and Applications // Springer-Verlag. New York, 1996. (Chap. 6, Coriolis Angular Rate Sensors).
- [6] Sun G. and Gu Q. Accelerometer Based North Finding System // IEEE Position, Location, and Navigation Symposium (PLANS). March 2000.
- [7] Schuler A.R. Grammatikos A. and Fegley K.A. Measuring Rotational Motion with Linear Accelerometers // IEE Trans. On Aerospace and Electronic Systems. May 1967. Vol. AES-3. № 3.
- [8] Padgaonkar A.J., Krieger K.W. and King A.I. Measurement of Angular Acceleration of a Rigid Body Using Linear Accelerometers // Journal of Applied Mechanics. September 1975.
- [9] Monaco S.J., Audley D.R. and Okubo S. Schuler Tuned Vertical Indicating System // Journal of Guidance and Control. November – December 1978. Vol. 1. № 6.
- [10] Soloviev A.N., Mostov K.S. and Koo T.J. Initial Attitude Determination and Correction of Gyro-Free INS Angular Orientation Parameters // IEEE Intelligent Transportation System Conference Proceedings. November 1997.
- [11] Mostov K.S. Design of Accelerometer-Based-Gyro-FREE Navigation Systems. Ph.D. Dissertation. University of California, Berkeley. 2000.
- [12] Soloviev A., Graas Frank v. Review of Potential Applications of Low-Cost GPS/INS for General Aviation // ION GPS 2002.
- [13] Hung Chao-Yu and Lee Sou-Chen A Calibration Method for Six-Accelerometer INS // International Journal of Control, Automation, and Systems. October 2006. Vol. 4. № 5, pp. 615-623.